

**◌ Baccalauréat STMG Nouvelle-Calédonie ◌**  
**14 novembre 2014**

**EXERCICE 1**

**7 points**

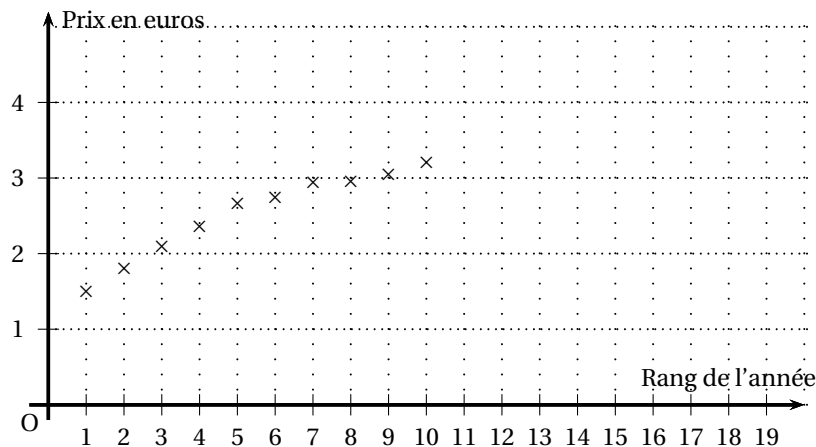
**Dans cet exercice, les parties A, B et C sont indépendantes.**

Le tableau suivant donne le prix moyen d'un paquet de cigarettes au 1<sup>er</sup> janvier de chaque année de 1991 à 2000. On sait de plus que, le 1<sup>er</sup> janvier 2012, le prix moyen d'un paquet de cigarettes était de 6,40 €.

Année	1991	1992	1993	1994	1995	1996	1997	1998	1999	2000
Rang de l'année	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Prix en euros	1,50	1,81	2,10	2,36	2,67	2,74	2,94	2,96	3,05	3,20

**Partie A**

On a représenté ci-dessous, dans un repère orthogonal du plan, les données du tableau sous la forme d'un nuage de points de coordonnées  $(x_i ; y_i)$  pour  $i$  variant de 1 à 10.



Soit les points A de coordonnées  $(0 ; 1,53)$  et B de coordonnées  $(5,5 ; 2,52)$ . On admet que la droite (AB) réalise un bon ajustement affine du nuage de points.

- Justifier qu'une équation de la droite (AB) est  $y = 0,18x + 1,53$ .
- Selon ce modèle d'ajustement, quel est le prix moyen d'un paquet de cigarettes le 1<sup>er</sup> janvier 2012? Que peut-on penser du résultat obtenu?

**Partie B**

- Calculer le taux d'évolution global, en pourcentage, du prix moyen d'un paquet de cigarettes entre le 1<sup>er</sup> janvier 2000 et le 1<sup>er</sup> janvier 2012.
- En déduire le taux d'évolution annuel moyen du prix moyen d'un paquet de cigarettes entre le 1<sup>er</sup> janvier 2000 et le 1<sup>er</sup> janvier 2012.  
*On donnera le résultat sous forme d'un pourcentage arrondi à l'unité près.*

**Partie C**

On suppose que le prix moyen d'un paquet de cigarettes augmente de 6% par an à partir du 1<sup>er</sup> janvier 2000. On note  $u_n$  le prix moyen d'un paquet de cigarettes pour l'année  $(2000 + n)$ .

On a donc  $u_0 = 3,20$ .

1.
  - a. Calculer  $u_1$  puis  $u_2$ . On arrondira les résultats à  $10^{-3}$  près.
  - b. Déterminer et justifier la nature de la suite  $(u_n)$ . Préciser sa raison.
  - c. Exprimer le terme général  $u_n$  en fonction de  $n$ .
  - d. Selon ce modèle d'évolution, le prix moyen d'un paquet de cigarettes dépasse-t-il 5 € le 1<sup>er</sup> janvier 2005 ? Justifier.
2. On considère l'algorithme suivant :

<b>Variables :</b>	$n$ est du type nombre entier $u$ est du type nombre réel $S$ est du type nombre réel
<b>Entrée :</b>	Saisir $n$
<b>Début algorithme :</b>	$u$ prend la valeur 3,2 $S$ prend la valeur 3,2 Pour $n$ allant de 1 à 4 Début Pour $u$ prend la valeur $u \times 1,06$ $S$ prend la valeur $S + u$ Fin Pour
<b>Fin algorithme</b>	
<b>Sortie :</b>	Afficher $S$

- a. Quelle est la valeur affichée par cet algorithme ? On arrondira le résultat à  $10^{-2}$  près. On pourra s'aider du tableau fourni en **annexe à rendre avec la copie** pour répondre.
  - b. L'algorithme affiche une valeur lorsqu'il s'achève. Comment interpréter cette valeur par rapport à la suite  $(u_n)$  ?
3. Dans cette question, toute trace de recherche, même incomplète, d'initiative non fructueuse, sera prise en compte dans l'évaluation.

Paul a arrêté de fumer le 1<sup>er</sup> janvier 2011. Du 1<sup>er</sup> janvier 2000 au 31 décembre 2010, il fumait 90 paquets de cigarettes par an. Quelle somme d'argent aurait-il pu économiser s'il n'avait pas fumé durant ces années ? On arrondira le résultat au centime d'euro près.

## EXERCICE 2

4 points

On s'intéresse au contrôle technique des véhicules de marques A et B.

En 2013, sur 571 870 véhicules contrôlés, 266 430 sont de marque A et 305 440 de marque B. Pour ces véhicules, soit le contrôle technique est conforme soit il est non conforme.

Pour 8 % des véhicules de marque A, le contrôle technique est non conforme.

Pour 6 % des véhicules de marque B, le contrôle technique est non conforme.

Pour chacun des véhicules contrôlés, une fiche a été établie.

On choisit une de ces fiches au hasard et on note :

$A$  l'évènement : « la fiche choisie est celle d'un véhicule de la marque A »,

$B$  l'évènement : « la fiche choisie est celle d'un véhicule de la marque B »,

$C$  l'évènement : « la fiche choisie est celle d'un véhicule ayant un contrôle technique conforme »,

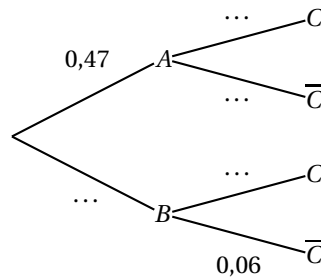
$\overline{C}$  l'évènement : « la fiche choisie est celle d'un véhicule ayant un contrôle technique non conforme ».

**Dans cet exercice, on arrondira tous les résultats à  $10^{-2}$  près.**

1.
  - a. Montrer que la probabilité de l'évènement  $A$ , notée  $p(A)$ , arrondie à  $10^{-2}$  près, vaut 0,47.

- b. Donner la probabilité conditionnelle, notée  $p_A(\bar{C})$ , de l'évènement  $\bar{C}$  sachant que l'évènement  $A$  est réalisé.

2. Recopier et compléter l'arbre de probabilité suivant :



3. a. Décrire par une phrase l'évènement  $C \cap A$ .  
 b. Calculer la probabilité  $p(C \cap A)$ .
4. Justifier que la probabilité de l'évènement  $C$ , arrondie à  $10^{-2}$  près, est égale à 0,93.
5. La fiche choisie est celle d'un véhicule ayant un contrôle technique conforme, quelle est la probabilité que ce véhicule soit de la marque A ?

### EXERCICE 3

4 points

Cet exercice est un questionnaire à choix multiple (QCM).

Pour chaque question, **une seule des trois réponses proposées est correcte.**

Pour chaque question, indiquer le numéro de la question et recopier sur la copie la réponse choisie. Aucune justification n'est demandée.

Chaque réponse correcte rapporte 1 point. Une réponse incorrecte ou une question sans réponse n'apporte ni ne retire aucun point.

1. La variable aléatoire  $X$  suit la loi normale d'espérance 12 et d'écart-type 2. La probabilité de l'évènement  $\{X \leq 10\}$ , notée  $P(X \leq 10)$ , est égale à :
- $P(X < 11)$
  - $P(0 \leq X \leq 10)$
  - $P(X < 10)$
2. La variable aléatoire  $X$  suit la loi normale d'espérance 12 et d'écart-type 2. La probabilité de l'évènement  $\{8 \leq X \leq 16\}$ , notée  $P(8 \leq X \leq 16)$ , vaut, à  $10^{-2}$  près :
- 0,5
  - 0,95
  - 0,68
3. La variable aléatoire  $X$  suit la loi normale d'espérance 12 et d'écart-type 2. La probabilité de l'évènement  $\{8 \leq X \leq 12\}$ , notée  $P(8 \leq X \leq 12)$ , est égale à :
- $1 - P(X \geq 8)$
  - $0,5 + P(X \geq 8)$
  - $0,5 - P(X \leq 8)$
4. En France, le 1<sup>er</sup> janvier 2010, 48,7% des foyers possédaient au moins un écran plat de télévision. Une étude s'intéresse à un échantillon de 150 foyers possédant au moins un écran plat de télévision et domiciliés dans une même ville. Un intervalle de fluctuation à au moins 95% de la fréquence de ces foyers possédant un écran plat est :
- $[48,6; 48,8]$
  - $[0,35; 0,52]$
  - $[0,40; 0,57]$

**EXERCICE 4****5 points**

Une entreprise fabrique des pièces mécaniques.

Le coût de production  $C$ , en euros, de  $x$  de ces pièces est donné, pour  $x$  appartenant à l'intervalle  $[0; 25]$ , par

$$C(x) = x^3 - 13,5x^2 + 60x + 1000.$$

Chaque pièce est vendue 270 euros.

Un tableur a été utilisé pour calculer les coûts et les recettes qui figurent sur la feuille de calcul donnée en **annexe à rendre avec la copie**.

Dans cette feuille de calcul, deux valeurs ont été effacées.

1. Quel est le coût de production de 2 pièces ?
2. **a.** Quelle est la recette pour 2 pièces produites et vendues ?  
**b.** Donner la formule qui a été saisie dans la cellule C2 puis recopiée vers le bas jusqu'à la cellule C27 pour obtenir la recette selon le nombre de pièces produites et vendues.
3. Pour 5 pièces produites et vendues, l'entreprise fait-elle un gain ? Justifier.
4. *Dans cette question, toute trace de recherche, même incomplète, d'initiative non fructueuse, sera prise en compte dans l'évaluation.*

Pour quelles quantités de pièces produites et vendues l'entreprise réalise-t-elle un gain ?

*On donnera la réponse sous la forme d'un intervalle.*

Pour  $x$  appartenant à l'intervalle  $[0; 25]$ , le bénéfice est donné par :

$$B(x) = -x^3 + 13,5x^2 + 210x - 1000.$$

5. **a.** Calculer  $B'(x)$ .  
**b.** Montrer que, pour  $x \in [0; 14]$ ,  $B'(x) \geq 0$  et que, pour  $x \in [14; 25]$ ,  $B'(x) \leq 0$ .
6. Dresser le tableau des variations de la fonction  $B$  sur l'intervalle  $[0; 25]$ .
7. Pour quelle quantité de pièces produites et vendues le bénéfice est-il maximal ?  
Quelle est alors la valeur de ce bénéfice ?

## Annexe à rendre avec la copie

## EXERCICE 1

$n$		1	2										
$u$	3,2	3,39											
$S$	3,2	6,59											

## EXERCICE 4

	A	B	C
1	Nombre de pièces	Coût en milliers d'euros	Recette en milliers d'euros
2	0	1 000,0	0
3	1	1 047,5	270
4	2		
5	3	1 085,5	810
6	4	1 088,0	1 080
7	5	1 087,5	1 350
8	6	1 090,0	1 620
9	7	1 101,5	1 890
10	8	1 128,0	2 160
11	9	1 175,5	2 430
12	10	1 250,0	2 700
13	11	1 357,5	2 970
14	12	1 504,0	3 240
15	13	1 695,5	3 510
16	14	1 938,0	3 780
17	15	2 237,5	4 050
18	16	2 600,0	4 320
19	17	3 031,5	4 590
20	18	3 538,0	4 860
21	19	4 125,5	5 130
22	20	4 800,0	5 400
23	21	5 567,5	5 670
24	22	6 434,0	5 940
25	23	7 405,5	6 210
26	24	8 488,0	6 480
27	25	9 687,5	6 750